$\langle x \rangle$

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

دورة: 2018



وزارة التربية الوطنية

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: علوم تجريبية

اختبار في مادة: الرياضيات المدة: 03 سا و 30 د

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين: الموضوع الأول

التمرين الأول: (04 نقاط)

 $u_{n+1} = 1 - \frac{9}{u_n + 5}$: n ومن أجل كل عدد طبيعي $u_0 = 1$ حيث $u_0 = 1$ حيث (u_n) متتالية عددية معرفة بحدها الأول

 $u_n > -2 : n$ أ) برهن بالتراجع أنّه من أجل كل عدد طبيعي أنّه من أجل (1

بيّن أنّ (u_n) متتالية متناقصة تماما على $\mathbb N$ واستنتج أنّها متقاربة.

 $v_n = \frac{1}{u_n + 2}$: n نضع من أجل كل عدد طبيعي (2

. أثبت أنّ المتتالية $(
u_n)$ حسابية أساسها $\frac{1}{3}$ يطلب تعيين حدها الأول

 $\lim_{n \to +\infty} u_n$ عبّر بدلالة n عن v_n و v_n عبّر بدلالة (3

 $u_0v_0 + u_1v_1 + \dots + u_nv_n = \frac{1}{3}(1-n^2)$: n عدد طبیعي (4

التمرين الثاني: (04 نقاط)

يحوي صندوق 10 كريات متماثلة لا نفرق بينها باللمس، منها أربع كريات بيضاء مرقمة بـ: 1 ، 2 ، 2 ، 3 وثلاث كريات خضراء مرقمة بـ: 2 ، 3 ، 3 وثلاث كريات خضراء مرقمة بـ: 2 ، 3 ، 3

نسحب عشوائيا وفي آن واحد 3 كريات من هذا الصندوق.

نعتبر الحادثتين A: "الكريات الثلاث المسحوبة تحمل ألوان العلم الوطني"

و B: "الكريات الثلاث المسحوبة لها نفس الرقم".

الترتيب. P(A) و P(B) احتمالي الحادثتين P(A) و P(A)

. $P(A \cup B)$ و $P_A(B)$ ثم استنتج $P(A \cap B) = \frac{1}{20}$ و . بيّن أنّ

2) ليكن X المتغيّر العشوائي الذي يرفق بكل نتيجة عملية سحب عدد الكريات التي تحمل رقما فرديا. عرّف قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X واحسب أمله الرياضياتي E(X).

التمرين الثالث: (05 نقاط)

 $z^2 - \sqrt{3} z + 1 = 0$: المعادلة ذات المجهول z التالية (1 المركبة $z^2 - \sqrt{3} z + 1 = 0$ المعادلة ذات المجهول المعادلة المركبة $z^2 - \sqrt{3} z + 1 = 0$

اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: علوم تجريبية / بكالوريا 2018

 $\left(\mathbf{O}; \overrightarrow{u}, \overrightarrow{v}
ight)$ المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس (2

: حيث z_{C} و z_{B} ، z_{A} : فلاث نقط من المستوي لاحقاتها على الترتيب z_{C} و z_{B} ، z_{C} حيث

(
$$Z_B$$
 لمرافق \overline{Z}_B اکتب $Z_B = \frac{\sqrt{3}}{2} + i\frac{1}{2}$ ، $Z_A = \frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$) کتب $Z_B = \frac{\sqrt{3}}{2} + i\frac{1}{2}$ ، $Z_A = \frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$ اکتب Z_A و Z_B علی الشکل الأسي ثم عیّن قیم العدد الطبیعي Z_A بحیث یکون:

 \cdot OBC وحدّد طبیعة المثلث $\frac{Z_B}{Z_C}=e^{i\frac{\pi}{3}}$: (أ (3)

ب) استنتج أنّ: B هي صورة C بدوران r يطلب تعيين عناصره المميزة.

$$|z| = |\overline{z} - \frac{\sqrt{3} + i}{2}|$$
 تسمي (γ) مجموعة النقط M من المستوي ذات اللاحقة z التي تحقق: M من المستوي (γ) مجموعة (γ) ثم عيّن صورتها بالدوران z .

التمرين الرابع: (07 نقاط)

. $g(x)=2+(x-1)e^{-x}$ كما يلي: \mathbb{R} كما يلي: الدالة العددية المعرفة على g .I

 $\lim_{x\to +\infty} g(x)$ و $\lim_{x\to -\infty} g(x)$ احسب (أ

 $x \to \infty$ هناست اتجاه تغیر الداله g ثم شکّل جدول تغیراتها.

- \mathbb{R} على g(x) على أنّ المعادلة g(x)=0 تقبل حلا وحيدا lpha حيث $\alpha<-0.38$ حيث $\alpha<-0.38$ على α
- المستوي المستوي المستوي وليكن $f(x) = 2x + 1 xe^{-x}$: ب \mathbb{R} وليكن ورك الدالة المعرفة على $f(x) = 2x + 1 xe^{-x}$: ب \mathbb{R} المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $O(\vec{i},\vec{j})$.
 - $\lim_{x \to -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ احسب (أ (1
 - بیانیا. $\lim_{x\to +\infty} (f(x)-(2x+1))$ مصب النتیجة بیانیا.
 - $(\Delta): y=2x+1$:حيث (Δ) عيث والمستقيم (C_f) والمستقيم الدرس الوضع النسبي للمنحني المنحني
- بیّن أنّه من أجل كل عدد حقیقي x یكون g(x)=g(x) ثم استنتج اتجاه تغیر الدالة f وشكّل جدول تغیراتها.
 - . 1 كتب معادلة المماس (T) للمنحنى للمنحنى (3
 - . $(f(\alpha)=0.8$ نأخذ (C_f) والمنحنى (T) ، (Δ) ارسم (4
 - . $x = (1-m)e^x$: x المجهول : $x = (1-m)e^x$ عدد وإشارة حلول المعادلة ذات المجهول : $x = (1-m)e^x$
- . x=1 على \mathbb{R} والتي تنعدم من أجل الدالة الأصلية للدالة $x\mapsto xe^{-x}$ على التجزئة عيّن الدالة الأصلية للدالة عين الدالة الأصلية ألدالة الأصلية ألدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة المحاملة بالتجزئة عين الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة المحاملة بالتجزئة عين الدالة الأصلية الدالة المحاملة بالتجزئة عين الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الذالة الأصلية الدالة الذالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الأصلية الدالة الذالة الذالة الذالة الأصلية الدالة الذالة الذالة
- (x=1) احسب العدد (C_f) والمستقيمات التي معادلاتها الحيز المستوي المحدّد بالمنحنى (x=1) والمستقيمات التي معادلاتها (x=1) . (x=1)

انتهى الموضوع الأول

اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: علوم تجريبية / بكالوريا 2018

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (04 نقاط)

$$u_{n+1} = u_n + \ln\left(\frac{2n+3}{2n+1}\right)$$
 : n عددیة عددیة معرفة کما یلي: $u_0 = 0$ و من أجل کل عدد طبیعي $u_n = 0$

- u_3 و u_2 ، u_1 کلا من (1
- . (u_n) غير المتتالية $\frac{2n+3}{2n+1} > 1$: n عدد طبيعي عدد طبيعي (2
 - $v_n=2n+1$: بn متتالیة عددیة معرفة من أجل کل عدد طبیعي (v_n
 - $e^{u_n}=v_n$ ، n عدد طبیعی (أ
 - . $\lim_{n\to\infty}u_n$ استنتج عبارة الحد العام للمنتالية (u_n) بدلالة n ثم احسب (u_n)
 - احسب المجموعين S_n و T حيث:

$$T = e^{u_{1439}} + e^{u_{1440}} + \dots + e^{u_{2018}} \quad \text{o} \quad S_n = \ln\left(\frac{v_1}{v_0}\right) + \ln\left(\frac{v_2}{v_1}\right) + \dots + \ln\left(\frac{v_n}{v_{n-1}}\right)$$

التمرين الثاني: (04 نقاط)

 (P_1) والمستويين A(1;-2;1) نعتبر النقطة A(1;-2;1) والمستويين والفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس

- -3x+y+z+4=0 و -x+y+2z+1=0 و اللذين معادلتيهما على الترتيب -x+y+2z+1=0
- لكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم (Δ) الذي يشمل النقطة A و u(1;5;-2) شعاع توجيه له.
 - (Δ) بيّن أنّ المستويين (P_1) و (P_2) متقاطعان ثم تحقق أن تقاطعهما هو المستقيم و (2
- قاطع استنتج تقاطع (P_2) و P_1) معادلة ديكارتية للمستوي P_2 الذي يشمل P_3 0 الذي يشمل (P_3 0 ويعامد كلا من P_4 1 ويعامد المستويات الثلاثة (P_4 1) و (P_4 2) و (P_4 3) و المستويات الثلاثة (P_4 4) و (P_4 5) و (P_4 6) و (P_4 6) و (P_4 7) و (P_4 8) و (P_4 8) و (P_4 9) و
 - لتكن E(2;3;-1) و E(2;3;-1) نقطتان من الفضاء.
 - اً) تحقّق أنّ H هي المسقط العمودي للنقطة B على المستوي (أ
 - \bullet . AEBH ثم احسب V حجم رباعي الوجوه EBH ثم احسب

التمرين الثالث: (05 نقاط)

- (z المعادلة : $(z^2-4+i)(z^2-4z+5)=0$ المعادلة : $(z^2-4z+5)=0$ المعادلة : (z^2-4+i
- التي لاحقاتها C و B ، A في المستوي المركب المنسوب إلى المعلم المتعامد المتعامد المتجانس $O;\vec{u},\vec{v}$ نعتبر النقط C و C التي لاحقاتها على الترتيب C على الترتيب C و C التي لاحقاتها على الترتيب C التي المعلم المعلم
 - تحقق أنّ $\frac{Z_B-Z_A}{Z_C-Z_A}$ ثم عيّن قيم العدد الطبيعي n بحيث يكون العدد $\frac{Z_B-Z_A}{Z_C-Z_A}=i$ تخيليا صرفا.

اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: علوم تجريبية / بكالوريا 2018

$$\begin{cases} |z_D - z_A| = |z_B - z_A| \\ Arg\left(\frac{z_D - z_A}{z_B - z_A}\right) = \frac{\pi}{3} + 2k\pi \quad (k \in \mathbb{Z}) \end{cases}$$
 :غطة من المستوي لاحقتها z_D حيث: z_D نقطة من المستوي الحقتها z_D

 \mathcal{Z}_D بيّن أن المثلث ABD متقايس الأضلاع و احسب

A مركز ثقل المثلث ABD ثم عيّن نسبة وزاوية التشابه المباشر الذي مركزه G مركز G الحسب G

$$\operatorname{Arg}\left(\frac{z_G-z}{z_C-z}\right)=\pi+2k\pi\;(k\in\mathbb{Z})$$
 عيّن (C عيّن (C عيّن (C تختلف عن C تختلف عن (C تختلف عن (C عيّن (C عيّن (C عيّن (C عيّن (C عين (C

التمرين الرابع: (07 نقاط)

الدالة العددية ذات المتغير الحقيقي x المعرفة على]0;+ ∞ [ب:

و (C_g) و و $g(x) = \frac{1}{x} - (\ln x)^2 - \ln x - 1$ و المنحنى البياني الممثل لها كما هو مبيّن في الشكل المقابل:

. g(x) ثم استنتج بیانیا إشارة g(1) –

 $]0;+\infty[$ الدالة العددية ذات المتغير الحقيقي x المعرفة على الماf -II

ب: $f(x) = \frac{1 + \ln x}{1 + x \ln x}$ بنايني في مستو منسوب

 $(O; \vec{i}, \vec{j})$ إلى المعلم المتعامد المتجانس

 $\lim_{x \to +\infty} f(x) = 0 \quad \lim_{x \to +\infty} f(x) = 0 \quad \text{(1)}$ احسب (1)

ثم فسر النتيجتين بيانيا.

 $f'(x) = \frac{g(x)}{(1+x\ln x)^2}$: $]0;+\infty[$ من أجل كل x من أجل كل (2)

 $oldsymbol{+}$ استنتج اتجاه تغیر الداله f و شکل جدول تغیراتها.

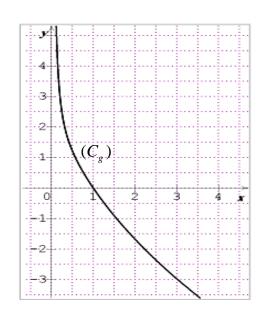
ور محور عامل معور (C_f) بيّن أنّ $y = \left(\frac{e^2}{e-1}\right)x - \frac{e}{e-1}$ هي معادلة لـ (C_f) مماس المنحنى (C_f) في نقطة تقاطعه مع حامل محور الفواصل، ثم ارسم المماس (C_f) و المنحنى (C_f)

. عيّن بيانيا قيم الوسيط الحقيقي m بحيث تقبل المعادلة e-1 $f(x)=e^2x-me$ عيّن بيانيا قيم الوسيط الحقيقي m

 $\left(C_f\right)$ مساحة الحيز من المستوي المحدد بحامل محور الفواصل و المنحنى I_n ، n>1 عدد طبيعي حيث n>1 عدد طبيعي المحدد بحامل محادلتيهما x=1 و المستقيمين اللذين معادلتيهما x=1

 $I_n = \ln \left(1 + n \ln n \right) : n > 1$ بیّن أنّه من أجل كل عدد طبيعي n حيث n حيث (1

 (I_n) ادرس اتجاه تغیر المتتالیة (2



انتهى الموضوع الثاني